

कुल छपे पृष्ठों की संख्या - 6
कुल छपे प्रश्नों की संख्या - 27

नामांक			
--------	--	--	--

अर्द्ध वार्षिक परीक्षा सत्र 2017-2018

कक्षा-XII (बारहवीं)

विषय—गणित (Maths)

समय : 3½ घंटे

पूर्णांक : 70

निर्देश : (1) सभी प्रश्न हल करना अनिवार्य है।

(2) विद्यार्थी अपने नामांक प्रश्न-पत्र पर अनिवार्यतः लिखें।

(3) जिस प्रश्न के एक से अधिक भाग हैं, उन सभी भागों का उत्तर एक साथ ही लिखें, भिन्न-भिन्न दो स्थानों पर नहीं लिखें।

(4) प्रत्येक प्रश्न का उत्तर दी गई उत्तर-पुस्तिका में ही लिखें।

(5) प्रत्येक प्रश्न के अंक प्रश्न के सामने अंकित हैं।

1. $\sin^{-1}(1)$ कोण का मुख्य मान लिखिये।

Find principal value of angle $\sin^{-1}(1)$.

2. यदि आव्यूह $\begin{bmatrix} K+4 & -1 \\ 3 & K-6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & -1 \\ 3 & -4 \end{bmatrix}$ हो, तो a का मान ज्ञात कीजिये।

If matrix $\begin{bmatrix} K+4 & -1 \\ 3 & K-6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & -1 \\ 3 & -4 \end{bmatrix}$, then find the value of a.

3. सारणिक $\Delta = \begin{vmatrix} 7 & 4 & -1 \\ -2 & 3 & 0 \\ 1 & -5 & 2 \end{vmatrix}$ में अवयव 4 का सहखण्डज है।

Find the cofactors of element 4 in determinants $\Delta = \begin{vmatrix} 7 & 4 & -1 \\ -2 & 3 & 0 \\ 1 & -5 & 2 \end{vmatrix}$ कृ. पृ. 3.

[2]

A-65-6.5

4. यदि फलन $f(x) = \frac{x^2 - 9}{x - 3}$, $x = 3$ पर संतृप्त है तब $f(3)$ का मान ज्ञात करो। 1

If function $f(x) = \frac{x^2 - 9}{x - 3}$ is continuous on $x = 3$ then find the value of $f(3)$.

5. $\int \frac{1}{\sqrt{1 + \cos 2x}}$ का x के सापेक्ष समाकलन कीजिये। 1

Integrate with respect to x $\int \frac{1}{\sqrt{1 + \cos 2x}}$.

6. वक्र $y = x$, $x = 1$ तथा x -अक्ष से परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। 1

Calculate the area of the region bounded by curve $y = x$, $x = 1$ and x -axis.

7. अवकल समीकरण $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^2 + \frac{dy}{dx} = 0$ में घात एवं कोटि बताइये। 1

Find the order and degree of given differential equation :

$$\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^2 + \frac{dy}{dx} = 0$$

8. सदिश $3i$ की दिक्कोज्याएँ लिखिये। 1

Write direction cosines of vector $3i$.

9. यदि दो निष्पक्ष पासों की जोड़ी को एक बार फेंका जाता है तो दोनों पासों पर अंकों का योग 5 आने की प्रायिकता ज्ञात करो। 1

Calculate the probability of sum of two numbers 5. If two dice are thrown randomly.

10. यदि पूर्णांकों के समुच्चय Z में संक्रिया $*$, $a * b = a + b + 1$, $\forall a, b \in Z$ द्वारा परिभाषित है, तो सिद्ध कीजिये कि $*$ क्रम विनिमेय एवं साहचर्य है। 2

[3]

A-65-6.5

An operation * define as $a * b = a + b + 1$, $\forall a, b \in Z$ in the set of integers Z . Then prove that the operation * is commutative and associative.

11. यदि आव्यूह $A = \begin{bmatrix} 4 & 2 & -5 \\ 1 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ तथा $B = \begin{bmatrix} 6 & -7 & 0 \\ -1 & 2 & 5 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ हो, तो सिद्ध कीजिये : 2

$$(AB)^T = B^T A^T$$

If matrix $A = \begin{bmatrix} 4 & 2 & -5 \\ 1 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ and $B = \begin{bmatrix} 6 & -7 & 0 \\ -1 & 2 & 5 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ then prove that $(AB)^T = B^T A^T$

12. निम्न फलन के लिये रोले प्रमेय का सत्यापन कीजिये : 2

$$f(x) = e^{-x} \sin x$$

Prove the Rolle's theorem for given function :

$$f(x) = e^{-x} \sin x$$

13. समान परिमाण वाले दो विभिन्न सदिश लिखिये। 2

Write two different vectors with equal magnitude. <http://www.rbseonline.com>

14. दो घटनायें A व B इस प्रकार हैं, कि $P(A) = \frac{1}{4}$, $P\left(\frac{A}{B}\right) = \frac{1}{2}$ तथा $P\left(\frac{B}{A}\right) = \frac{2}{3}$ है, तो $P(B)$ का मान ज्ञात करो। 2

Two events A and B are such that $P(A) = \frac{1}{4}$, $P\left(\frac{A}{B}\right) = \frac{1}{2}$ and $P\left(\frac{B}{A}\right) = \frac{2}{3}$, then find out the value of $P(B)$.

5. निम्न समीकरणों को हल करो : 3

$$\tan^{-1} \frac{1}{1+2x} + \tan^{-1} \frac{1}{4x+1} = \tan^{-1} \frac{2}{x^2}$$

कृ.पृ.उ.

[4]

Solve the equation :

$$\tan^{-1} \frac{1}{1+2x} + \tan^{-1} \frac{1}{4x+1} = \tan^{-1} \frac{2}{x^2}$$

16. $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिये यदि :

$$x = a \left(\cos t + \log \tan \frac{t}{2} \right), y = a \sin t$$

$$\text{Find } \frac{dy}{dx} \text{ if } x = a \left(\cos t + \log \tan \frac{t}{2} \right), y = a \sin t$$

17. यदि $x^3 + y^3 - 3axy = 0$ तब सिद्ध कीजिये :

$$\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{2a^3xy}{(ax - y^2)^3}$$

If $x^3 + y^3 - 3axy = 0$ then prove that :

$$\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{2a^3xy}{(ax - y^2)^3}$$

18. समाकलन कीजिये :

$$\int \frac{x^2 + 8x + 4}{x^3 - 4x} \cdot dx$$

Integrates :

$$\int \frac{x^2 + 8x + 4}{x^3 - 4x} \cdot dx$$

19. सिद्ध कीजिए कि $y = \frac{C-x}{1+Cx}$ अवकल समीकरण $(1+x^2) \frac{dy}{dx} + (1+y^2) = 0$ का हल है। 3

Prove that the solution of differential equation $(1+x^2) \frac{dy}{dx} + (1+y^2) = 0$ is $y = \frac{C-x}{1+Cx}$

20. एक त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये, जिसके शीर्ष बिन्दु A (1, 1, 1), B (1, 2, 3), C (2, 3, 3) है। 3

Find the area of a triangle ABC whose vertices are given below :

$$A (1, 1, 1), B (1, 2, 3), C (2, 3, 3)$$

21. कल्पना कीजिये की 5% पुरुषों व 0.25% महिलाओं के बाल सफेद है। एक सफेद बाल वाले व्यक्ति को यादृच्छया चुना गया है। इस व्यक्ति के पुरुष होने की प्रायिकता है यदि पुरुषों व महिलाओं की संख्या समान है। 3

Imagine that 5% male and 0.25% female have white hair. One white hair person select randomly. Find the probability of male. If men and female are equal in numbers.

22. यदि $A = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & -3 \\ 2 & -1 & 3 \end{vmatrix}$ हो तो A^{-1} ज्ञात कीजिये तथा इसकी सहायता से निम्नलिखित रैखिक समीकरण

निकाय को हल कीजिये :

$$x + y + 2z = 0$$

$$x + 2y - z = 9$$

$$x - 3y + 3z = -14$$

- If matrix $A = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & -3 \\ 2 & -1 & 3 \end{vmatrix}$ then find A^{-1} of A and solve given system of linear

equations with the help of above

$$x + y + 2z = 0$$

$$x + 2y - z = 9$$

$$x - 3y + 3z = -14$$

23. फलन $f(x) = |x - 1| + |x + 2|$ की अन्तराल $[0, 2]$ में अवकलनीयता का परीक्षण कीजिये। 4

Examine the differentiability of function $f(x) = |x - 1| + |x + 2|$ interval $[0, 2]$.

24. अधिकतम $Z = -x + 2y$ 4

व्यवरोध $x \geq 3$ तथा $x \geq 0, y \geq 0$

$$x + y \geq 5$$

$$x + 2y \geq 6$$

Maximize $Z = -x + 2y$

कृ.पृ.उ.

[6]

A-65-6.5

S.t. $x \geq 3$
 $x + y \geq 5$
 $x + 2y \geq 6$
 and $x \geq 0, y \geq 0$

25. समाकलन कीजिये : $\int e^{4x} \cos 4x \cos 2x . dx$

6

Integrate : $\int e^{4x} \cos 4x \cos 2x . dx$

अथवा (OR)

सिद्ध कीजिये : $\int_0^{\pi} \log(1 + \cos x) dx = \pi \log_e\left(\frac{1}{2}\right)$

To prove : $\int_0^{\pi} \log(1 + \cos x) dx = \pi \log_e\left(\frac{1}{2}\right)$

26. दीर्घवृत्त $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ तथा रेखा $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ के मध्यवर्ती लघु क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये। 6

Find the area of small field between ellipse $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ and line $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$.

अथवा (OR)

वृत्त $x^2 + y^2 = 16$ व रेखा $y = x$ तथा x -अक्ष के मध्यवर्ती प्रथम चतुर्थांश में स्थित क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

Calculate the area of the region bounded by circle $x^2 + y^2 = 16$, line $y = x$ and x -axis in first quadrant.

27. निम्न रेखाओं के मध्य लघुतम दूरी ज्ञात कीजिये $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = Z$ और $\frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{1}, Z = 2$ 6

Find minimum distance between given lines $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = Z, \frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{1}, Z = 2$

अथवा (OR)

समतल $\vec{r} \cdot (6\mathbf{i} + 2\mathbf{j} - 3\mathbf{k}) + 7 = 0$ पर मूल बिन्दु से डाले गये लम्ब की दिक्कोण्याएं ज्ञात करो।

Calculate direction cosine of perpendicular on the plane $\vec{r} \cdot (6\mathbf{i} + 2\mathbf{j} - 3\mathbf{k}) + 7 = 0$ from the orizon.